



Gleitreibung $F_R = \mu * F_N$ Haftreibung $Max = \mu_{HA} * F_N$ $F = m * a$
 Gleichgewicht von Kräften $\sum F_i = F_{res} = 0$
 Dichte $\rho = \frac{m}{V}$
 $D = \frac{N}{m}$ $s = \frac{F}{D} = \frac{m * g}{D}$
 $F_{Feder} = D * x$ $D = \text{Steigung} [Nm^{-1}]$ Fläche (F-x Diagr.) = $W = \frac{F * x}{2} = \frac{D * x^2}{2}$
 parallel $D_E = D_1 + D_2$ seriell = $\frac{1}{D_E} = \frac{1}{D_1} + \frac{1}{D_2}$
 $\bar{v} = \frac{\Delta s}{\Delta t}$ $a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = v' = s''$ auch mittlere Geschw. oder Beschl.
 Gleichförmige Bewegung $v = \text{konstant}$ $s = v * t$
 Gleichmäßig beschleunigte Bewegung $a = \text{konstant}$ $v = a * t$ $s = \frac{a * t^2}{2}$
 $v(t) = r'(t)$ $a(t) = v'(t) = r''(t)$
 $v(t) = v(t_1) + \int_{t_1}^t a(t') * dt'$ $r(t) = r(t_1) + \int_{t_1}^t v(t') * dt'$

Trägheitsprinzip $F_{res} = 0 \rightarrow v = \text{konstant}$ (Verhalten kräftefreier Körper)
 $IN = 1 kgms^{-2}$ ist die Kraft, um 1kg die Beschl. von $1ms^{-2}$ zu erteilen
 $F_{12} = F_{21} \rightarrow \text{actio} = \text{reactio}$
 $F_{vektoriell} = \sqrt{F_1^2 + F_2^2 + 2 * F_1 * F_2 * \cos(\alpha)}$
 Arbeit bei Linearer Kraft $W = F * s$ $W = \int F * ds$ (Weg integral)
 $W_{kin} = \frac{m * v^2}{2}$ $W_{pot} = m * g * h$ $W_{spann} = \frac{D * x^2}{2}$
 $P(\text{Leistung}) = \frac{\Delta W}{\Delta t} = W' = F * v = \frac{F * s}{t}$
 Impuls (Fläche unter F-t Diagr.) $p = m * v$ $\frac{\Delta p}{\Delta t} = p' = F_{res}$ $p_{total} = p_1 + p_2 + \dots + p_n$ elastischer Stoss = $2 * \text{Impuls}$
 Achtung: nicht alle kin. Energie sondern auch Wärme und Verformungsenergie
 Kreisbewegung: $\omega = 2 * \pi * f = \frac{2 * \pi}{T}$ $T = \frac{1}{f}$ $v = \omega * r$ $a_{zentrip.} = \frac{v^2}{r} = \omega^2 * r$ $F_{zentrip.} = \frac{m * v^2}{r} = m * a_z$
 Haftreibung $F_H = \mu_{HA} * N$
 Lorenzkraft $F_L = q * (v \times B) = i * (l \times B) = q * v * B * \sin(\alpha) = q * l * B * \sin(\alpha)$
 Coulombkraft $F_C = k * \frac{|Q_1| * |Q_2|}{r^2}$ $k = 8.988 * 10^9$
 Gravitationskraft $F_G = G * \frac{M * m}{r^2}$ $G = 6.673 * 10^{-11}$

Druck $p = \frac{F}{A}$ Schweredruck $p = \rho * g * h$ Auftrieb $F_A = g * \rho_{flüssigk.} * V_{Körper}$
 für konstanten Druck: $\Delta W = p * \Delta V$ $P(\text{Leistung}) = p * V$
 $100'000 Pa = 1 Bar$
 Archimedes: Die Auftriebskraft ist so gross wie das Gewicht der verdrängten Flüssigkeit bzw. Gas.
 $F_{auftrieb} = V_{eingetaucht} * \rho_{flüssigk.} * g$
 $F_A = V_{ganzer Körper} * \rho_{Körper} * g$
 Dichte $\rho = \frac{m}{V}$
 Schwingung:
 $F_{res} = m * y''$
 Harmonische Schw. $F_{res} = -k * y$
 Schwingungsgleichung $y'' + \omega_0^2 * y = 0$
 Lösung $y(t) = A * \sin(\omega_0 * t + \delta_0)$ $\omega_0 = 2 * \pi * f$ $A = \text{Amplitude}$
 Federschwingung $m * y'' = -D * y$ $y'' + \frac{D}{m} * y = 0$ $\omega_0 = \sqrt{\frac{D}{m}}$
 Fadenpendel $F_R = m * g * \sin(\alpha) \rightarrow m * \alpha'' = -m * g * \sin(\alpha)$ Bogenlänge = $r * \alpha$
 $m * y'' = -m * \frac{g}{r} * y \rightarrow y'' + \frac{g}{r} * y = 0$ $\omega_0 = \sqrt{\frac{g}{r}}$
 Energie $W_{tot} = \frac{D}{2} * A^2 = \frac{m}{2} * v_{max}^2$ $\omega = 2 * \pi * f = \frac{2 * \pi}{T}$ $T = \frac{1}{f}$

Masstab $v = \frac{B}{G} = -\frac{b}{g}$ $f = \frac{1}{r}$
 $\frac{1}{f} = \frac{1}{g} + \frac{1}{b}$
 konkaver Spiegel: -Parallelstrahl wird Fokusstrahl
 -Fokusstrahl wird Parallelstrahl
 sonst: -Parallelstrahl wird Fokusstrahl
 -Mittellestrahl
 Linse (): Bild auf Seite G aufrecht Bild hinten auf Kopf
 Linse (): Bild auf Seite G aufrecht
 $n_1 * \sin(\alpha_1) = n_2 * \sin(\alpha_2) \rightarrow$ Achtung Winkel zum Lot
 Totalreflexion bei $\alpha \leq 90^\circ \rightarrow$ Eintrittswinkel = Austrittswinkel
 $E = h * f$ $c = \lambda * f$
 $W_{photon} = W_A + W_{kin} \approx h * f = W_A + \frac{m * v^2}{2} = W_A + e * U$
 $\lambda_{max} = \frac{h * c}{W_A}$ $f_{grenz} = \frac{W_A}{h}$
 $W_{kinmax} = h * f - W_A$ $n * \lambda < 1$ $\text{Maximas} = 2 * n + 1$
 Beugung am Gitter $n * \lambda = g * \sin(\alpha)$ $n * \lambda < 1$ $\text{Maximas} = 2 * n + 1$

$F_A = q * E$ $F_C = \frac{|Q_1| * |Q_2|}{4 * \pi * \epsilon_0 * r^2}$
 Gauss $\int E * dA = \frac{1}{\epsilon_0} * Q_{tot}$ (Flächenintegral)
 Punktladung $E(r) = \frac{Q}{4 * \pi * \epsilon_0 * r^2}$
 $U = - \int E * ds$ (Linienintegral, analog Definition Arbeit $U = \frac{W}{q}$)
 Plattenkondensator: $U = E * d$ $V(x) = U_0 * \frac{x}{d}$
 Potential eine Punktladung $V(r) = \frac{Q}{4 * \pi * \epsilon_0 * r} = - \int_{r_1}^{r_2} E(r) * dr = \frac{Q}{4 * \pi * \epsilon_0} \left[\frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1} \right]$
 Energie $W_{pot} = q * U = q * \Delta V = q * (V_{r2} - V_{r1}) = \frac{Q^2}{4 * \pi * \epsilon_0} \left[\frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1} \right]$
 $C = \frac{Q}{U}$
 Lorenzkraft $F_L = q * (v \times B) = i * (l \times B) = i * l * B * \sin(\alpha)$
 $q * E = q * v * B$
 Ampersches Gesetz $\oint B * dr = \mu_0 * i_{tot}$ (Linienintegral)
 Leiter $B(r) = \frac{\mu_0 * i}{2 * \pi * r}$ Spule $B = \frac{\mu_0 * N * i}{l}$
 magnetischer Fluss $\phi = B * A = B * A * \cos(\alpha)$ Allgemein $\phi = \int B * dA$
 $U_{ind} = - \frac{d\phi}{dt} = (N * B * A * \omega * \sin(\omega * t))$
 F = Mittelfinger B = Zeigefinger V = Daumen
 e' = linke Hand, e'' = rechte H.

$0^\circ C = 273^\circ K$
 $Q = \text{Arbeit} = W = \text{Joul}$
 $Q' = \text{Leistung} = P = \text{Watt}$
 Wärmekapazität $C = \frac{Q}{\Delta \theta}$ $C = m * c$
 Wärmemenge $Q = c * m * \Delta \theta$
 Leistung $\Delta Q = m * c_w * \Delta T$ $Q' = m * c_w * T'$ $m = \rho_w * V$
 Energie bei Mischung $Q_{ab} = Q_{auf}$
 Schmelzwärme = $q * m$ Verdampfungswärme = $r * m$
 Gasgleichung $p * V = m * R_1 * T$ $p * V = N_{wiedrige Atome} * R * T$
 $R_1 = \text{spezifische Grösse}$ $R = 8.3$
 $m = \Delta N * \frac{Mol_0}{L}$
 Ausdehnungsarbeit $W = \int p * dV$
 Ausdehnungslänge: $\Delta l = l_0 * \alpha * \Delta T$ Volumen: $\Delta V = V_0 * \gamma * \Delta T$
 Q_{ab}, Q_{zu}, W für Wärmekraftmaschinen, Wärmepumpen, Kühlschrank
 $\eta = \frac{\text{Nutzen}}{\text{Aufwand}}$
 Wärmeübergang (Luft auf Mauerfläche) $\alpha: R = \frac{1}{\alpha * A}$
 Wärmeleitung (zwischen den Mauern) $\lambda: R = \frac{d}{\lambda * A}$
 Wärmedurchgang (k=Serieschaltung von Widerständen) k: $R = \frac{1}{k * A}$
 $U = \text{Wärmedurchgangskoeffizient} = \frac{1}{R_{total}}$ ohne A $[Wm^{-2}K^{-1}]$
 Oberflächentemperatur $T_i \pm \frac{\Delta T}{R_{ges}} * R$
 Wärmestrom $Q' = U * A * \Delta \theta$
 Auskühlen, entladen Kondensator $\tau = \frac{1}{k} = R * C$ $T = 5 * \tau$
 bei harmonischer Schwingung ω_0 statt τ
 $m_h = \frac{\Delta Q}{H}$ $H = \text{Heizwert}$
 Stephan - Boltzmann - Gesetz $Q' = A * \epsilon * \sigma * T^4$
 Wienisches Verschiebungsgesetz $\lambda_{max} * T = 2898 \mu m K$

Kreisring $A = 2 * \pi * r * dr$
 Ellipse $A = a * b * \pi$
 Kreis $A = \pi * r^2$
 Kreisumfang = $2 * \pi * r$
 Kreisbogen = δ (Bogenmass) * r
 Kugel $A = 4 * \pi * r^2$
 Kugel $V = \frac{4}{3} * \pi * r^3$
 Pyramide $V = \frac{\text{Grundfläche} * h}{3}$
 Kegel $V = \frac{\pi * r^2 * h}{3}$
 Kegel $A = \pi * r^2$ (Kreis) + $\pi * r * s$ (Mantel)

Arbeit W oder Q in Joul
 Leistung P oder Q' in Watt
 Arbeit $W = Q_{zu} - Q_{ab}$
 kinetische Leistung W in minus
 Gasgleichung:
 $p * V = m * R_1 * T$
 Wärmekraftmaschine Carnot:
 $\eta = \frac{\text{Nutzen}}{\text{Aufwand}} = \frac{Q_{zu} - Q_k}{Q_{zu}} = \frac{T_u - T_k}{T_u} = \frac{W}{Q_{zu}}$
 Wärmepumpe:
 $\eta = \epsilon = \frac{\text{Nutzen}}{\text{Aufwand}} = \frac{Q_{zu} - Q_k}{Q_{zu}} = \frac{Q_{zu}}{W}$
 Kältepumpe Kühlschrank:
 $\eta = \epsilon = \frac{\text{Nutzen}}{\text{Aufwand}} = \frac{Q_{zu} - Q_k}{Q_{zu}} = \frac{T_k - T_u}{T_k} = \frac{Q_{auf}}{W}$
 Wärmemaschine:
 $\eta = \frac{\text{Nutzen}}{\text{Aufwand}} = \frac{W}{Q_{zu}} = \frac{Q_{zu} - Q_{ab}}{Q_{zu}}$

Generatorprinzip:
 $\varphi = \omega * t$ $\phi_N = N * B * A * \cos(\omega * t)$
 $U_{ind} = - \frac{d\phi_N}{dt} = N * B * A * \omega * \sin(\omega * t) = U_0 * \sin(\omega * t)$ $U_0 = \text{Amplitude}$
 $U_R = R * i$ $U_C = \frac{1}{C} * Q$ $U_L = -L * \frac{di}{dt}$
 $i = Q'$
 Fehlerrechnung $\Delta F = \left| \frac{\partial F}{\partial x} \right| * \Delta x + \left| \frac{\partial F}{\partial y} \right| * \Delta y + \left| \frac{\partial F}{\partial z} \right| * \Delta z + \dots$ immer + auch bei negativ
 Dynamische Systeme (y und y' immer isolieren):
 stationärer Fluss $y' = \text{konstant}$
 Bsp. freier Fall ohne Luftwiderstand $y' = g$ Wärmedurchgang $Q' = k * A * \Delta \theta$
 natürliches Wachstum $y' = k * y$ charakteristische Zeit $\tau = \frac{1}{|k|}$
 Bsp. Radioaktiver Zerfall $N' = -\lambda * N$ Entladung eines Kondensators $Q' = -\frac{1}{R * C} * Q$
 beschränktes Wachstum die $y' = k * (G - y)$ $y_{max} = G$ $\tau = \frac{1}{k}$ $y(5 * \tau) = y_{max}$
 Bsp. Bewegung mit viskoser Reibung: $v' = \frac{\beta}{m} * \left(\frac{F_{Antrieb}}{\beta} - v \right)$ Reibung = $-\beta * v$
 Aufladen eines Kondensators $Q' = \frac{1}{R * C} * (U_{Spannungsquelle} * C - Q)$
 harmonische Schwingung $y'' + \omega_0^2 * y = 0$ $y(t) = A * \sin(\omega * t + \delta_0)$

